

ชื่อ-นามสกุล.....รหัส.....ภาควิชา.....เลขที่นั่งสอบ.....



มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีพระจอมเกล้าธนบุรี  
การสอบกลางภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2560

รหัสวิชา CVE 221 Surveying, ENV 213 Surveying for Environmental Engineering

ภาควิชาวิศวกรรมโยธาชั้นปีที่ 2 และวิศวกรรมสิ่งแวดล้อมชั้นปีที่ 2

โครงการปกติและโครงการราชบุรี

สอบวันที่ 2 ตุลาคม พ.ศ. 2560

เวลา 13.00-16.00 น.

คำเตือน :

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 4 ข้อรวม 14 หน้า(รวมปก) ให้ทำทุกข้อในข้อสอบ
2. อนุญาตให้ใช้เครื่องคำนวณที่ถูกต้องตามระเบียบของมหาลัยฯ
3. ไม่อนุญาตให้นำเอกสารใดๆ เข้าห้องสอบ
4. คำตอบให้ใช้ทศนิยมและขีดเศษตามหลักเลขนัยสำคัญ
5. ข้อสอบไม่มีการแก้ไข ถ้าเห็นว่าไม่ถูกต้อง ให้เขียนในสมุดคำตอบพร้อมแนวทางแก้ไข

เมื่อนักศึกษาทำข้อสอบเสร็จ ต้องยกมือบอกกรรมการคุมสอบ

เพื่อขออนุญาตออกนอกห้องสอบ

ห้ามนักศึกษานำข้อสอบและกระดาษคำตอบออกนอกห้องสอบ

นักศึกษาที่ทุจริตในการสอบ อาจถูกพิจารณาโทษสูงสุดให้พ้นสภาพการเป็นนักศึกษา

ผศ. วีระ ลาภิศขยางกูล

ผู้ออกข้อสอบ

ข้อสอบนี้ได้ผ่านการประเมินจากภาควิชาวิศวกรรมโยธาแล้ว

(รศ.ดร.สุทัศน์ สีลาทวีวัฒน์)

หัวหน้าภาควิชาวิศวกรรมโยธา

ชื่อ-นามสกุล..... รหัส..... ภาควิชา..... เลขที่นั่งสอบ.....

1. วัดเส้นฐานเส้นหนึ่งใช้ค่าแรงดึงเท่ากับ 145 นิวตันที่อุณหภูมิ 14 องศาเซลเซียส ซึ่งมีความยาวแต่ละช่วงในการวัด ความต่างระดับและค่าเบี่ยงเบนมาตรฐานแต่ละช่วงดังตารางที่ 1

ตารางที่ 1 ระยะที่วัดได้ในสนามและค่าความต่างระดับแต่ละช่วง

ช่วงที่	ระยะที่วัดในสนาม (เมตร)	ความต่างระดับ (เมตร)	ค่าเบี่ยงเบนมาตรฐาน ของการวัดหนึ่งครั้ง ( $\sigma$ )
1	29.988	+0.346	$\pm 0.003$
2	29.895	-0.214	$\pm 0.003$
3	29.838	+0.309	$\pm 0.001$
4	29.910	-0.106	$\pm 0.002$

ถ้าเทปที่ใช้มีความยาว 30 เมตร มีแรงดึงมาตรฐาน 95 นิวตัน อุณหภูมิ 18 องศาเซลเซียส ซึ่งเทปดังกล่าวเมื่อเทียบกับ มาตรฐานแล้วมีความยาวเท่ากับ 29.997 เมตร โดยเทปเส้นนี้มีคุณสมบัติต่างๆดังนี้

- มวลของเทปเท่ากับ 0.025 กิโลกรัมต่อเมตร
- พื้นที่หน้าตัดของเทปเท่ากับ 3.35 ตารางมิลลิเมตร
- ค่า young's modulus เท่ากับ  $14.8 \times 10^4$  เมกะนิวตันต่อตารางเมตร
- สัมประสิทธิ์การขยายตัวเนื่องจากอุณหภูมิเท่ากับ  $1.3 \times 10^{-6}$  ต่อองศา

1.1 จงหาค่าปรับแก้ทั้งหมดและระยะเส้นฐานรวมที่ถูกต้อง (15 คะแนน)

1.2 จากการวัดระยะเส้นฐานดังกล่าวตารางที่ 1 จงหาค่าการแพร่กระจายความผิดพลาดของเส้นฐานนี้ (5 คะแนน)

ชื่อ-นามสกุล.....รหัส.....ภาควิชา.....เลขที่นั่งสอบ.....



ชื่อ-นามสกุล..... รหัส.....ภาควิชา.....เลขที่นั่งสอบ.....

No	dist	weight	weight observation	v	v <sup>2</sup>	wv <sup>2</sup>

ชื่อ-นามสกุล..... รหัส..... ภาควิชา..... เลขที่นั่งสอบ.....

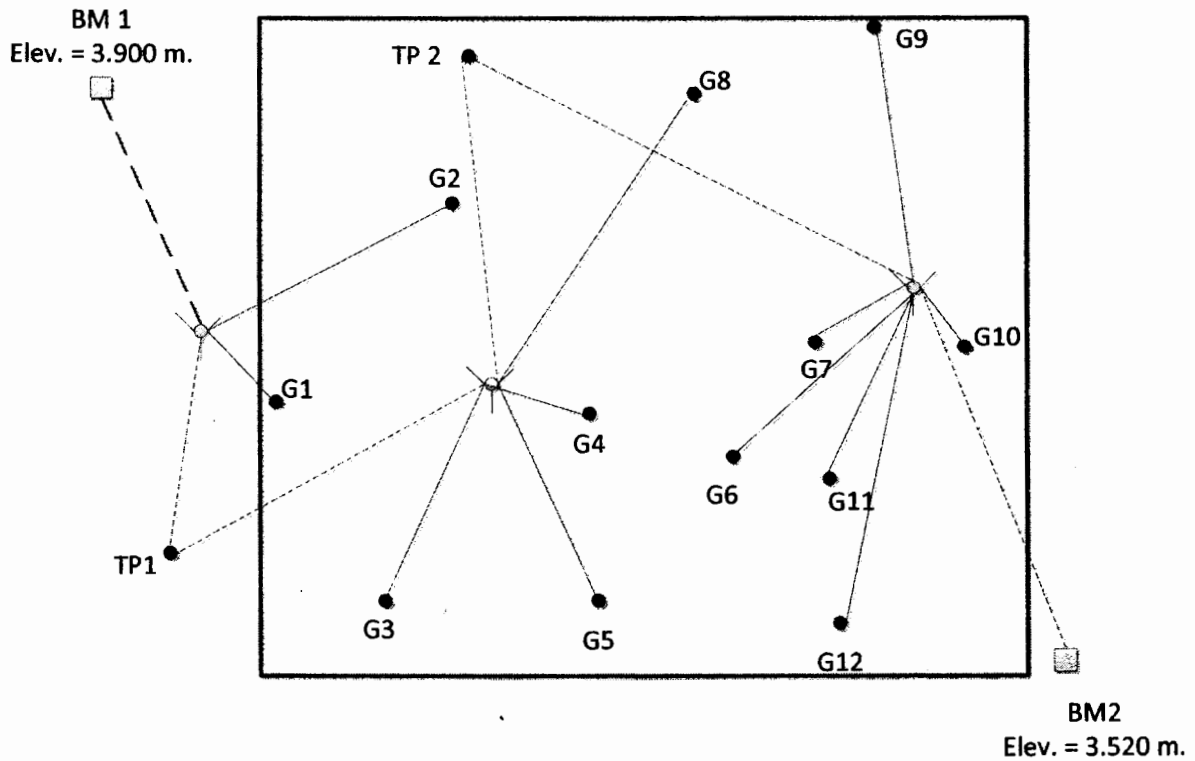
3. จากในรูปที่ 3 เป็นการเก็บค่าระดับบนฝ้าตามจุดต่างๆคือ G1-G12 ที่มีค่าจากไม้วัดระดับดังตารางที่ 3 จงหา

3.1 ค่าระดับแต่ละจุด ( 12 คะแนน)

3.2 ตรวจสอบความถูกต้องของวงรอบนี้ ( 5 คะแนน)

3.3 เขียนเส้นชั้นความสูงของจุด G1-G12 ที่มีค่า contour interval ที่ 0.50 เมตร โดยกำหนดจุด G1=1, G2=2,..., G12=12

หลังตารางสามสายใยในการเขียนเส้นชั้นความสูง ( 8 คะแนน)



รูปที่ 3 แสดงการเดินทางระดับ

ตารางที่ 3 ค่าที่ได้จากการอ่านไม้วัดระดับในสนาม

STA	BS		IFS	FS	
	UPPER			UPPER	
	MIDDLE			MIDDLE	
	LOWER			LOWER	
BM09	2.468				
	2.358				
	2.248				
G1		-3.782			
G2		-1.772			
TP1	1.102			1.614	
	1.010			1.510	
	0.920			1.408	
G3		-4.062			
G4		-1.192			
G5		-1.762			
G8		-0.072			
TP2	0.503			2.258	
	0.387			2.160	
	0.270			2.062	
G6		-1.675			
G7		-0.995			
G9		-0.325			
G10		-0.225			
G11		-1.425			
G12		-1.925			
BM03				0.558	
				0.460	
				0.362	





ชื่อ-นามสกุล..... รหัส..... ภาควิชา..... เลขที่นั่งสอบ.....

x8

x9

x2

x4

x7

x6

x11

x1

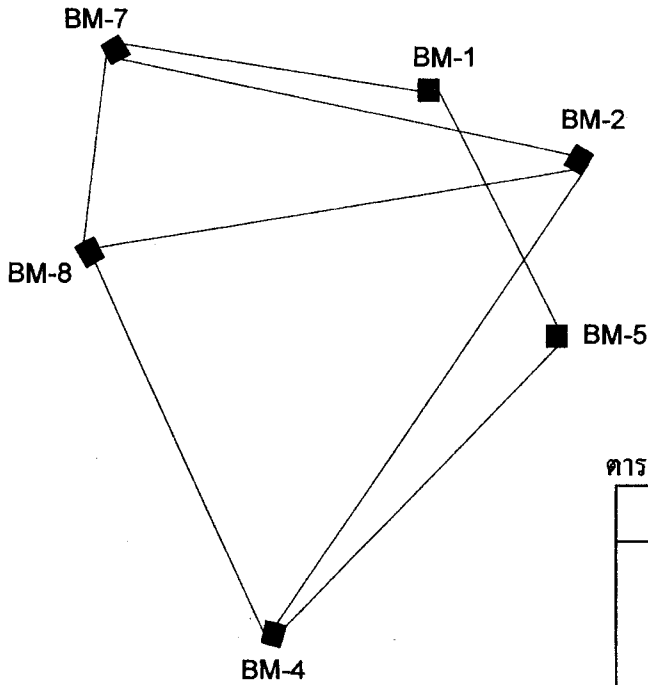
x5

x12

x3

4. โครงข่ายระดับดังรูปที่ 4 แสดงค่าความต่างระดับแต่ละด้านในหน่วยเมตร จงหา

- ค่าความผิดพลาดแต่ละจุด ( 3 คะแนน)
- ปรับแก้ค่าความต่างระดับทั้ง 3 จุดด้วยวิธี Dell's Method ตามทิศทางที่กำหนดในตารางที่ 4 ( 15 คะแนน)
- ค่าระดับแต่ละหมุดที่ปรับแก้แล้วและค่าความต่างระดับที่ปรับแก้แล้ว โดยที่ BM5 = 100 เมตร ( 12 คะแนน)



รูปที่ 4 ลักษณะของโครงข่ายระดับ 3 จุด

ตารางที่ 4 ข้อมูลค่าความต่างระดับและระยะทางในสนาม

Loop	Side	Dist (Km.)	Diff (m.)
Loop 1	BM-7 to 8	5	-22.011
	BM-8 to 2	3	4.088
	BM-2 to 7	12	17.925
Loop 2	BM-8 to 2	3	4.088
	BM-2 to 4	15	3.925
	BM-4 to 8	10	-8.022
Loop 3	BM-5 to 1	20	-3.925
	BM-1 to 7	25	16.98
	BM-7 to 8	5	-22.011
	BM-8 to 4	10	8.022
	BM-4 to 5	15	0.925



**สูตรในการคำนวณ**

การแก้มาตรฐานของเทป (STANDARDISATION)

$$dt / dm = (L \pm \Delta L) / L$$

กำหนดให้

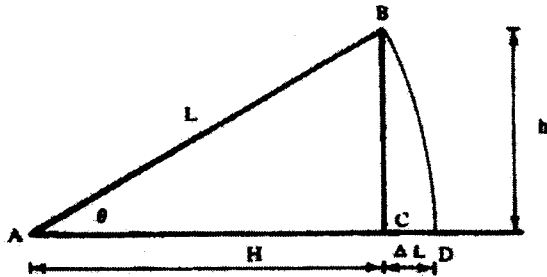
L = ความยาวของเทป = เทปผิด

$\Delta L$  = ความผิดของเทปที่ยาวไปหรือสั้นไป

dm = ระยะที่วัดได้ (Measured Distance) = ระยะผิด

dt = ระยะจริง (Actual length) = ระยะถูก

การแก้ความลาด (CORRECTION FOR SLOPE)



จาก  $H = L \cos \theta$

$$\Delta L = L - L \cos \theta$$

$$\Delta L = -h^2 / 2L$$

การแก้อุณหภูมิ

(CORRECTION FOR TEMPERATURE)

$$C_t = \alpha (T_m - T_s) L$$

โดยที่

$C_t$  = ค่าแก้อุณหภูมิ

L = ระยะที่วัดได้

$T_m$  = อุณหภูมิขณะที่กำลังวัด

$T_s$  = อุณหภูมิมาตรฐาน

$\alpha$  = สัมประสิทธิ์ของการขยายตัวตามเส้น

ค่าแก้แรงดึง ( $C_p$ )

$$C_p = L(P_m - P_s) / AE$$

โดยที่

L = ระยะที่วัด

A = พื้นที่หน้าตัดของเทป

E = Young's modulus คือ stress / strain

$P_s$  = แรงดึงมาตรฐาน

$P_m$  = เป็นแรงดึงขณะวัด

การดกท้องข้าง (CORRECTION FOR SAG)

$$C = -(mg)^2 L^3 / 24P^2 = -(w)^2 L^3 / 24P^2$$

$$C = -(Mg)^2 L / 24P^2 = -(W)^2 L / 24P^2$$

โดยที่

L = ระยะที่วัดได้

m, w = มวลหรือน้ำหนักของเทป (kg / m)

g = ความเร่ง

M, W = มวลหรือน้ำหนักทั้งหมดของเทปที่ใช้ (kg)

P = แรงดึงที่ใช้ (N)

การทอนระยะสู่ระดับน้ำทะเลปานกลาง

(REDUCTION TO MSL)

$$S = (Lm \times R) / (R \pm h)$$

กำหนดให้

S = ระยะที่ MSL (ร.ท.ก.)

$L_m$  = ระยะที่วัดได้และแก้ค่าต่างๆ แล้ว

h, -h = ความสูง/ต่ำจากระดับน้ำทะเลปานกลาง

R = รัศมีโลก

การแพร่กระจายความคลาดเคลื่อน

จากสมการ  $y = y(x_1 + x_2 + \dots + x_n)$

เมื่อ y สมการฟังก์ชันใดๆ,

$x_1, x_2, \dots, x_n$  ค่าที่วัด,

$\sigma_1, \sigma_2, \dots, \sigma_n$  = Standard deviations

$$\sigma_y^2 = \left(\frac{\partial y}{\partial x_1}\right)^2 \sigma_1^2 + \left(\frac{\partial y}{\partial x_2}\right)^2 \sigma_2^2 + \dots + \left(\frac{\partial y}{\partial x_n}\right)^2 \sigma_n^2$$

ค่าเบี่ยงเบนมาตรฐานจากการวัดหนึ่งครั้ง

$$\sigma = \pm \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (\hat{x} - x_i)^2}{n-1}}$$

ค่าเบี่ยงเบนมาตรฐานของค่าเฉลี่ย

$$\sigma = \pm \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (\hat{x} - x_i)^2}{n(n-1)}}$$

ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนัก (Weight Mean) ของค่าที่รั้งวัด

$$\text{Weight Mean } M_w = \frac{X_1W_1 + X_2W_2 + X_3W_3 + \dots + X_nW_n}{W_1 + W_2 + W_3 + \dots + W_n} = \frac{\sum(X_iW_i)}{\sum(W_i)}$$

ค่าเบี่ยงเบนมาตรฐานของการวัดหนึ่งครั้งจากน้ำหนักเฉลี่ย

$$\sigma = \pm \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n w(\hat{x} - x_i)^2}{w(n-1)}}$$

ค่าเบี่ยงเบนมาตรฐานของของการวัดหนึ่งครั้งจากหนึ่งหน่วย นน.

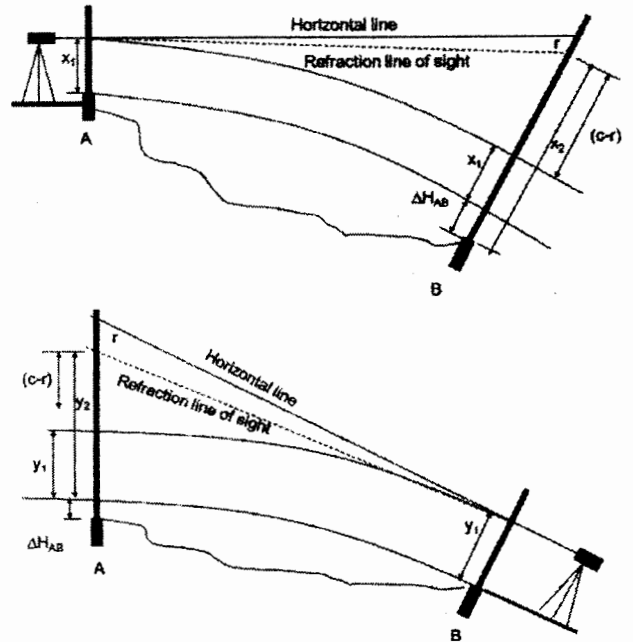
$$\sigma_0 = \pm \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n w(\hat{x} - x_i)^2}{(n-1)}}$$

ค่าเบี่ยงเบนมาตรฐานของของการวัดหนึ่งครั้งแต่ละ นน.

$$\sigma_w = \pm \sigma_0 \sqrt{\frac{1}{w}}$$

Reciprocal Leveling

$$\Delta H_{AB} = (\frac{1}{2})(x_1 - x_2) + (y_2 - y_1)$$



ความโค้งของโลก (Curvature = c)

$$c = -0.07848 S^2 \text{ ม.}$$

ค่า staff จริง = ค่า staff ที่อ่านได้ - c

โดยที่ S = ระยะทาง

การหักเหของแสง (Refraction = r)

$$r = \frac{1}{7} \times 0.0785 K^2 = 0.0112 K^2$$

โดยที่ K = ระยะทาง

การคำนวณหาเปอร์เซ็นต์เกรด

$$g\% = \frac{V}{H} \times 100$$

กำหนดให้ V = ระยะตั้ง

H = ระยะราบ g = เปอร์เซ็นต์เกรด

การหาค่าปรับแก้วงรอบระดับแบบปิดโดยใช้สูตร

$$\text{Corr.} = \frac{Ec}{L} \times l$$

โดยที่ Ec = Error of closure, L = ความยาวของระยะ

ทั้งหมดในรูป, l = ระยะแต่ละด้าน

ตัวเลขในตารางเป็นค่าความน่าจะเป็นซึ่งเขียนแทนด้วยส่วนที่ระบายนไว้ในรูปข้างบนนี้

z	.00	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08	.09
.0	.5000	.5040	.5080	.5120	.5160	.5199	.5239	.5279	.5319	.5359
.1	.5398	.5438	.5478	.5517	.5557	.5596	.5636	.5675	.5714	.5753
.2	.5793	.5832	.5871	.5910	.5948	.5987	.6026	.6064	.6103	.6141
.3	.6179	.6217	.6255	.6293	.6331	.6368	.6406	.6443	.6480	.6517
.4	.6554	.6591	.6628	.6664	.6700	.6736	.6772	.6808	.6844	.6879
.5	.6915	.6950	.6985	.7019	.7054	.7088	.7123	.7157	.7190	.7224
.6	.7257	.7291	.7324	.7357	.7389	.7422	.7454	.7486	.7517	.7549
.7	.7580	.7611	.7642	.7673	.7704	.7734	.7764	.7794	.7823	.7852
.8	.7881	.7910	.7939	.7967	.7995	.8023	.8051	.8078	.8106	.8133
.9	.8159	.8186	.8212	.8238	.8264	.8289	.8315	.8340	.8365	.8389
1.0	.8413	.8438	.8461	.8485	.8508	.8531	.8554	.8577	.8599	.8621
1.1	.8643	.8665	.8686	.8708	.8729	.8749	.8770	.8790	.8810	.8830
1.2	.8849	.8869	.8888	.8907	.8925	.8944	.8962	.8980	.8997	.9015
1.3	.9032	.9049	.9066	.9082	.9099	.9115	.9131	.9147	.9162	.9177
1.4	.9192	.9207	.9222	.9236	.9251	.9265	.9279	.9292	.9306	.9319
1.5	.9332	.9345	.9357	.9370	.9382	.9394	.9406	.9418	.9429	.9441
1.6	.9452	.9463	.9474	.9484	.9495	.9505	.9515	.9525	.9535	.9545
1.7	.9554	.9564	.9573	.9582	.9591	.9599	.9608	.9616	.9625	.9633
1.8	.9641	.9649	.9656	.9664	.9671	.9678	.9686	.9693	.9699	.9706
1.9	.9713	.9719	.9726	.9732	.9738	.9744	.9750	.9756	.9761	.9767
2.0	.9772	.9778	.9783	.9788	.9793	.9798	.9803	.9808	.9812	.9817
2.1	.9821	.9826	.9830	.9834	.9838	.9842	.9846	.9850	.9854	.9857
2.2	.9861	.9864	.9868	.9871	.9875	.9878	.9881	.9884	.9887	.9890
2.3	.9893	.9896	.9898	.9901	.9904	.9906	.9909	.9911	.9913	.9916
2.4	.9918	.9920	.9922	.9925	.9927	.9929	.9931	.9932	.9934	.9936
2.5	.9938	.9940	.9941	.9943	.9945	.9946	.9948	.9949	.9951	.9952
2.6	.9953	.9955	.9956	.9957	.9959	.9960	.9961	.9962	.9963	.9964
2.7	.9965	.9966	.9967	.9968	.9969	.9970	.9971	.9972	.9973	.9974
2.8	.9974	.9975	.9976	.9977	.9977	.9978	.9979	.9979	.9980	.9981
2.9	.9981	.9982	.9982	.9983	.9984	.9984	.9985	.9985	.9986	.9986
3.0	.9987	.9987	.9987	.9988	.9988	.9989	.9989	.9989	.9990	.9990
3.1	.9990	.9991	.9991	.9991	.9992	.9992	.9992	.9992	.9993	.9993
3.2	.9993	.9993	.9994	.9994	.9994	.9994	.9994	.9995	.9995	.9995
3.3	.9995	.9995	.9995	.9996	.9996	.9996	.9996	.9996	.9996	.9997
3.4	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9998